

Eesti koolinoorte 62. füüsikaolümpiaad

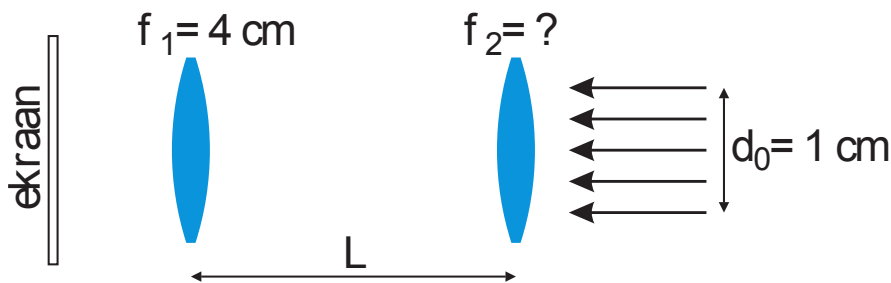
11. aprill 2015. a. Lõppvoor.

Gümnaasiumi ülesanded (10. - 12. klass)

Palun kirjutage iga ülesande lahendus eraldi lehele!

1. (ÕHUPALL) Heeliumiga täidetud õhupall suudab tõsta koormist massiga kuni $M = 200$ kg. Kui suur on õhupalli ruumala V ? Koormise ruumala lugeda tühiseks. Õhupalli kesta mass on arvestatud koormise massi sisse. Õhu tihedus on $\rho = 1,2$ kg/m³, õhu rõhk $p = 100$ kPa, õhu temperatuur $T = 20$ °C. Heeliumi molaarmass on $\mu = 4,0$ g/mol, ideaalse gaasi konstant $R = 8,3$ J · mol⁻¹ · K⁻¹. (6 p.)

2. (VALGUSTAMINE) Lääts fookuskaugusega $f_1 = 4$ cm on paigutatud nii, et läätsele suunatud paralleelsete valguskiirte kimp diameetriga $d_0 = 1$ cm koondub ekraanil ühte punkti. Mõnikord on tarvis valgustada ekraanil suuremat ala, kuid läätse nihutamine või valgusallika vahetamine pole võimalik. Kui suur peab olema olemasolevast läätsest paremale paigutatava lisaläätse fookuskaugus f_2 , et ekraanil tekiks ühtlaselt valgustatud laik diameetriga $d = 2$ cm, kui läätsede vahekaugus on L ? (8 p.)



3. (UJUV KUUP) Õhukeseseinaline hermeetiline kuup ujub vedeliku pinnal. Vedeliku tihedus on ρ , kuubi mass koos selles oleva gaasiga m ja selle serva pikkus a . Milline on vähim gaasi algrõhk kuubis p , mille korral kuup ei upuks, kui selle põhja tekiks auk? Õhurõhk on p_0 , raskuskiirendus on g . (8 p.)

4. (*MUST KAST*) Mustas kastis on kolmest takistist ja ideaalsest ampermeetrist koosnev skeem. Lisaks on mustal kastil kolm väljundklemmi A , B ja C . Kui rakendada pinge $U = 12\text{ V}$ klemmide A ja B vahele, siis on ampermeetri näit $I_{AB} = 2\text{ A}$. Klemmide A ja C puhul on lugem $I_{AC} = 4\text{ A}$ ning klemmide B ja C puhul $I_{BC} = 6\text{ A}$. Joonistage mustas kastis olev skeem ning märkige sellele takistite takistused. (10 p.)

5. (*PALLIVISE*) Juku elab silindrikujulises kosmosejaamas, mille pöörlemine tekitab kunstliku raskusjõu. Jaama raadius on R , selle pöörlemise nurkkiirus ω . Juku viskab palli otse üles algkiirusega $v = \frac{\sqrt{3}}{3}\omega R$. Kui kaugele Jukust mööda jaama pinda pall maandub? (10 p.)

6. (*LÖÖKLAINE*) Elektrostaatilist lööklainet, mis levib kiirusega w piki x -telge, võib kirjeldada elektrilise potentsiaali abil: $U = 0$ kui $x < wt$ ning $U = U_0$ kui $x > wt$. Millise kiiruse v omandab lööklaine mõjul algselt paigal seisnud osake massiga m ning laenguga q ? Vastus andke sõltuvana potentsiaalibarjääri kõrgusest U_0 . Pöörake tähelepanu asjaolule, et see, kummale poole barjääri osake jääb, sõltub U_0 väärtusest. (10 p.)

7. (*RING JA ELLIPS*) Juuresoleval joonisel on kujutatud ring ja sellest koondava läätse poolt tekitatud kujutis. Leidke läätse keskpunkt, optiline peatelg ja fookus. Kasutage lisalehel olevat joonist. (10 p.)



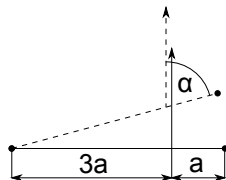
8. (*VEDRU*) Kasti sees on vedru külge riputatud koormis. Nii kast kui koormis on massiga m . Vedru mass on tühiselt väike ning selle jäikustegur on k . Kastil lastakse kõrguselt h vabalt maha kukkuda nii, et langemise ajal on koormis tasakaaluolekus. Kokkupõrkel pehme pinnaga jääb kast hetkeliselt paigale. Kast on piisavalt kõrge selleks, et koormis vastu kasti ei põrkaks. Vedrut ei suruta ühelgi hetkel täielikult kokku.

a) Milline on vähim kõrgus h_m , millelt kukkudes hüppab kast tagasi üles?

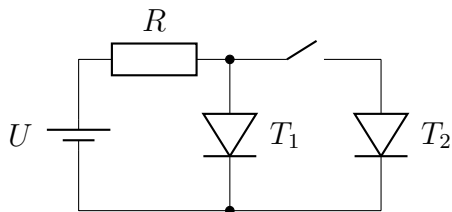
b) Kastil lasti kukkuda punktis a) leitud algkõrguselt $h \approx h_m$. Kui pika ajavahemiku t veedab kast maapinnal enne üles kerkimist?

Märkus: Pange tähele, et vabalangemises olev koormis on kaaluta olekus ning seetõttu on vedru langemise ajal välja venitamata. Maapinnale jõudes pole koormis enam tasakaaluasendis ning hakkab seetõttu uue tasakaaluasendi ümber võnkuma nurksagedusega $\omega = \sqrt{\frac{k}{m}}$. (12 p.)

9. (NIIDIGA HANTEL) Horisontaalpinnal lebab hantel, mis koosneb kaalutust vardast pikkusega $l = 4a$ ning selle otstele kinnitatud kahest ühesuguse massi ja hõõrdeteguriga väikesest klotsist. Varda külge kaugusele a ühest klotsist on seotud pikk niit. Algul on niidi suund horisontaalne ja risti vardaga. Niiti aeglaselt tõmmates hakkab hantel pöörduma, sest alguses nihkub vaid üks klots. Milline on nurk α varda ja niidi vahel siis, kui ka teine klots nihkuma hakkab? (12 p.)

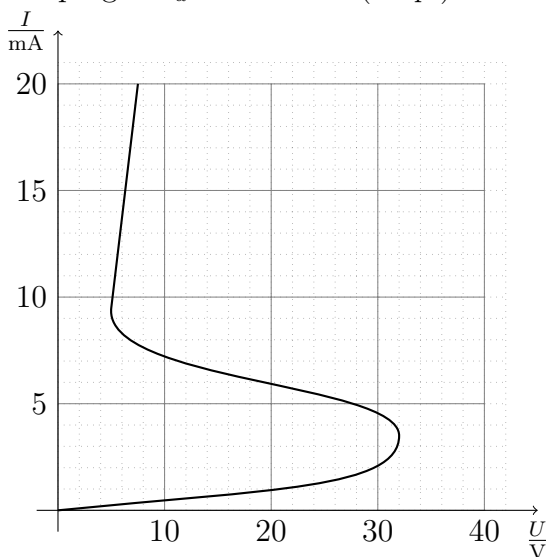


10. (TÜRISTOR) Türistori (diodisarnase elemendi) volt-ampere karakteristik on juuresoleval graafikul. Kaks sellist türistori on ühendatud pingeaallika ja takistiga kõrvalolevasse skeemi. Takistus $R = 2 \text{ k}\Omega$.



a) Alguses on lüliti avatud. Pingeaallika pinget suurendatakse lineaarselt $t = 42 \text{ s}$ jooksul väärtuselt $U_0 = 0 \text{ V}$ kuni väärtuseni $U_a = 42 \text{ V}$. Skitseerige ahelat läbiva voolutugevuse $I(t)$ sõltuvus ajast. Milline on voolutugevuse lõppväärtus I_a ?

b) Leidke lõppvoolutugevused mõlemas türistoris, kui lüliti suletakse ilma ahelale rakendatud pinget U_a muutmata. (12 p.)



E1. (KAKS PALLI) Määrata, mitu protsenti kineetilisest energiast muutub kahe palli omavahelisel põrkel soojuseks.

Vahendid: kaks ühesugust nõõri otsa kinnitatud elastset palli, statiiv, millimeeterpaber, kirjajaklambrid. (14 p.)

E2. (VALGUSDIOOD) Määrata valgusdiodi voolutugevuse sõltuvus pingest vahemikus 0 V – 3 V (joonistada graafik).

Vahendid: kaks voltmeetrit, kaks takistit ($R_1 = 1 \text{ k}\Omega$ ja $R_2 = 10 \text{ k}\Omega$), kondensaator (mahtuvus suurusjärgus 20 mF), patarei pingega 1,5 V, juhtmed, millimeeterpaber. (14 p.)

Võib lahendada kõiki ülesandeid. Arvesse lähevad 5 suurima punktide arvu saanud teoreetilist ja 1 eksperimentaalne ülesanne. Eksperimentaalkülesande lahendamisel võib kasutada üksnes loetelus toodud vahendeid.

Mõõtemääramatuse hindamist ei nõuta.

Lahendamisaeg on 5 tundi.

62-я олимпиада по физике школьников Эстонии

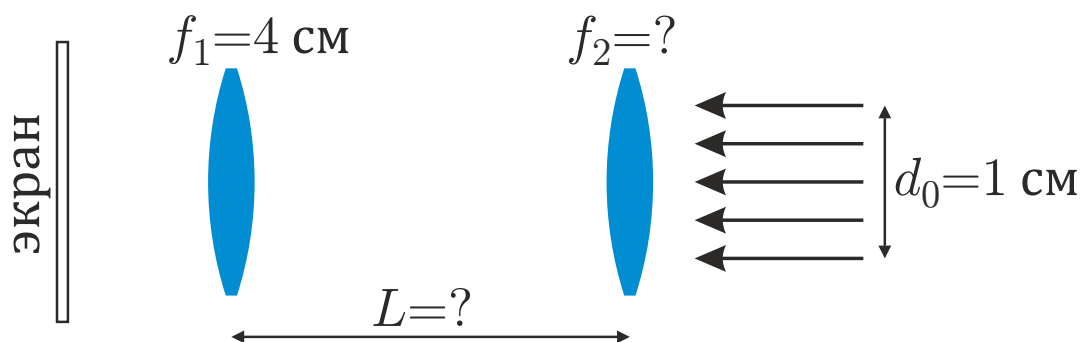
11 апреля 2015 года. Заключительный тур

Задачи гимназии (10-12 классы)

Просим оформлять решение каждой задачи на отдельном листе!

1. (ВОЗДУШНЫЙ ШАР) Наполненный гелием воздушный шар может поднять груз массой до $M = 200$ кг. Каков объём воздушного шара V ? Объём груза считать пренебрежимо малым. Масса оболочки воздушного шара включена в массу груза. Плотность воздуха $\rho = 1,2$ кг/м³, атмосферное давление $p = 100$ кПа, температура воздуха $T = 20^\circ\text{C}$. Молярная масса гелия $\mu = 4,0$ г/моль, универсальная газовая постоянная $R = 8,3$ Дж/(моль·К). (6 б.)

2. (ОСВЕЩЕНИЕ) Линза с фокусным расстоянием $f_1 = 4$ см расположена так, что направленный на линзу пучок параллельных лучей света диаметром $d_0 = 1$ см фокусируется на экране в одной точке. Иногда нужно осветить на экране большую площадь, однако подвинуть линзу или поменять источник света нет возможности. Каким должно быть фокусное расстояние f_2 дополнительной линзы, помещённой справа от имеющейся линзы, чтобы на экране возникло равномерно освещённое пятно с диаметром $d = 2$ см, если расстояние между линзами равно L ? (8 б.)



3. (ПЛАВАЮЩИЙ КУБ) На поверхности жидкости плавает герметичный куб с тонкими стенками. Плотность жидкости равна ρ , масса куба, вместе с находящимся в нём газом, равна m и длина грани куба равна a . Каково наименьшее начальное давление газа p в кубе, при котором куб не утонет, если в его дне образуется отверстие? Давление воздуха p_0 . (8 б.)

4. (ЧЁРНЫЙ ЯЩИК) В чёрном ящике находится схема, состоящая из трёх резисторов и идеального амперметра. Кроме того, у чёрного ящика есть три выходные клеммы A , B и C . Если к клеммам A и B приложить напряжение $U = 12\text{ В}$, то показание амперметра будет $I_{AB} = 2\text{ А}$. Если же напряжение приложить к клеммам A и C , то показание будет $I_{AC} = 4\text{ А}$, а если к клеммам B и C , то $I_{BC} = 6\text{ А}$. Нарисуйте схему, находящуюся в чёрном ящике, и отметьте на ней значения сопротивлений резисторов. (10 б.)

5. (БРОСОК МЯЧА) Юра живёт в цилиндрической космической станции, вращение которой создаёт искусственную силу тяжести. Радиус станции равен R , угловая скорость её вращения равна ω . Юра бросает мяч прямо вверх с начальной скоростью $v = (\sqrt{3}/3)\omega R$. На каком расстоянии от Юры вдоль поверхности станции приземлится мяч? (10 б.)

6. (УДАРНАЯ ВОЛНА) Электростатическую ударную волну, которая распространяется со скоростью w вдоль оси x , можно описать с помощью электрического потенциала: $U = 0$, если $x < wt$, и $U = U_0$, если $x > wt$. Какую скорость v приобретёт под действием ударной волны покоящаяся вначале частица массы m и зарядом q ? Ответ дайте в виде зависимости от высоты потенциального барьера U_0 . Обратите внимание, что то, по какую сторону от барьера останется частица, зависит от величины U_0 . (10 б.)

7. (КРУГ И ЭЛЛИПС) На приведённом рисунке изображён круг и его изображение, полученное с помощью собирающей линзы. Найдите центр линзы, а также её главную оптическую ось и фокус. Используйте рисунок, приведённый на отдельном листе. (10 б.)



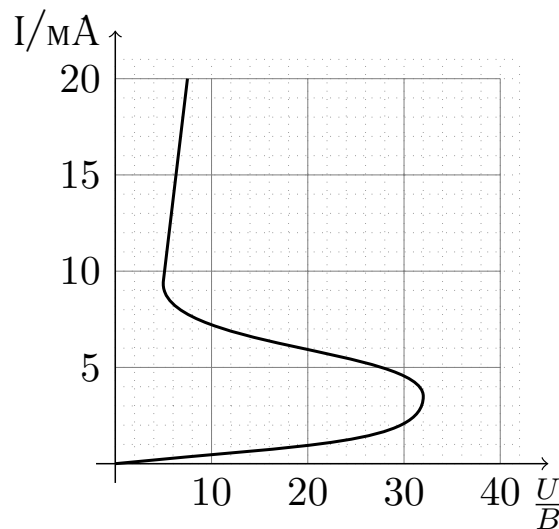
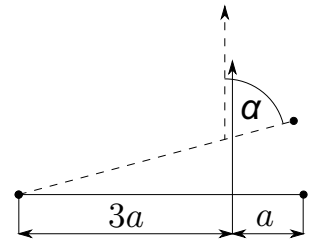
8. (ПРУЖИНА) В ящике находится прикрепленный к пружине грузик. Как ящик, так и грузик имеют массу m . Масса пружины пренебрежимо мала, а коэффициент упругости пружины равен k . Ящику дают свободно упасть с высоты h так, что во время падения грузик находится в состоянии равновесия. При столкновении с мягкой поверхностью ящик на мгновение останавливается. Ящик достаточно высок для того, чтобы грузик не ударился об ящик. Пружина ни в один из моментов времени не сжата полностью.

а) Какова минимальная высота h_m , упав с которой, ящик отскочит обратно вверх?

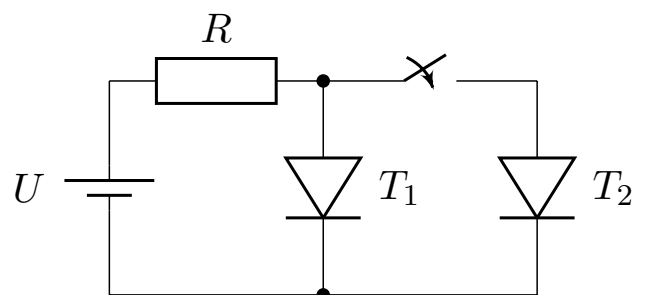
b) Ящику дали упасть с найдённой в пункте а) начальной высоты $h \approx h_m$. Какое время t проведёт ящик на земле до того, как подпрыгнуть?

Замечание: Обратите внимание, что находящийся в свободном падении грузик находится в невесомости и, вследствие этого, пружина во время падения не растянута. При достижении поверхности земли грузик больше не находится в равновесии и, поэтому, начнёт колебаться вокруг положения равновесия с угловой частотой $\omega = \sqrt{k/m}$. (12 б.)

9. (ГАНТЕЛЬ С НИТЬЮ) На горизонтальной плоскости лежит гантель, которая состоит из невесомого стержня длиной $l = 4a$ и двух одинаковых маленьких брусков, прикреплённых к концам стержня. К стержню, на расстоянии a от одного из брусков, привязана длинная нить. В начале направление нити горизонтально и перпендикулярно стержню, потом нить начинают медленно тянуть. Гантель начинает вращаться так, что вначале сдвигается только один брусок. Каков угол α между гантелью и нитью в тот момент, когда начнёт смещаться и второй брусок? Коэффициент трения между брусками и поверхностью везде одинаков. (12 б.)



10. (ТУРИСТОР) Вольт-амперная характеристика туристора (похожего на диод элемента) приведена на графике. Два таких туристора соединены с источником напряжения и резистором в приведённую рядом схему. Сопротивление резистора $R = 2$ кОм.



a) Вначале выключатель разомкнут. Напряжение источника напряжения увеличивают линейно в течение времени $t = 42$ с от значения $U_0 = 0$ В до значения $U_a = 42$ В. Набросайте зависимость силы тока $I(t)$ в схеме от времени. Каково конечное значение силы тока I_a ?

b) Найдите конечные значения напряжения в обоих туристорах, если выключатель замыкают, не изменяя приложенного к цепи напряжения U_a . (12 б.)

Е1. (ДВА МЯЧА) Определить, сколько процентов кинетической энергии преобразуется в тепло при соударении двух мячей. *Оборудование:* два одинаковых упругих мяча, прикреплённых на нитях, штатив, миллиметровая бумага, скрепки. (10 б.)

Е2. (СВЕТОВОЙ ДИОД) Определить зависимость силы тока светового диода от напряжения в промежутке 0 В – 3 В (начертить график). *Оборудование:* два вольтметра, два резистора ($R_1 = 500$ Ом и $R_2 = 1$ кОм), конденсатор (ёмкость порядка 20 мФ), батарея с напряжением 1,5 В, провода, миллиметровая бумага. (12 б.)

Каждый участник может решать все предложенные задачи. В зачёт идут 5 теоретических и одна экспериментальная задача, набравшие наибольшее количество баллов. При решении экспериментальной задачи можно пользоваться лишь указанным в задаче оборудованием. Оценка погрешности измерения не требуется. Время решения 5 часов. Задачи и решения олимпиады по физике находятся по адресу <http://efo.fyysika.ee>. Присоединяйтесь к нашей страничке в Facebook www.facebook.com/fyysikaolympiad

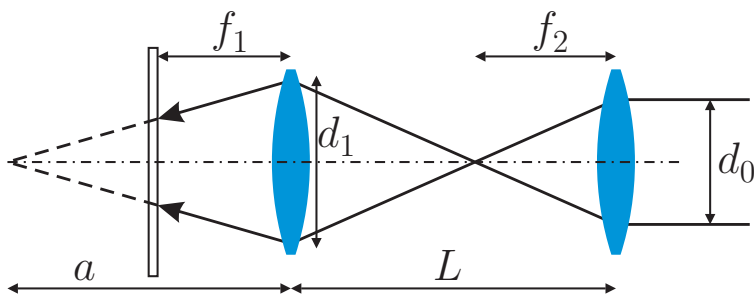
Eesti koolinoorte 62. füüsikaolümpiaad

11. aprill 2015. a. Lõppvoor.

Gümnaasiumi ülesannete lahendused

1. (ÕHUPALL) Suurima võimaliku koormise massi korral on õhupalli keskmine tihedus võrdne õhu tihedusega ehk $\rho = \frac{m+M}{V}$, kus m on õhupallis oleva gaasi mass. Siit saame avaldada $m = \rho V - M$. Lisaks kehtib ideaalse gaasi seadus $pV = \frac{m}{\mu} RT$, millest saame $m = \frac{pV\mu}{RT}$. Nende kahe võrrandi põhjal saame kirjutada $\frac{pV\mu}{RT} = \rho V - M$ ehk $V = \frac{M}{\rho - \frac{p\mu}{RT}}$. Antud arvandmete korral $V = 193 \text{ m}^3$.

2. (VALGUSTAMINE) Vaatleme kõige äärmiste valguskiirte liikumist läbi süsteemi.



Pärast lisaläätse läbimist koonduvad valguskiired punktiks lisaläätsest kaugusel f_2 ehk kaugusel $L - f_2$ algsest läätsest. Läätse valemi

$$\frac{1}{a} + \frac{1}{L - f_2} = \frac{1}{f_1}. \quad (1)$$

põhjal tekib sellest punktist omakorda punktkujutis kaugusele a esimesest läätsest. Sarnastest kolmnurkadest saame veel kaks võrrandit:

$$\frac{d_1}{d_0} = \frac{L - f_2}{f_2}, \quad (2)$$

$$\frac{d}{a - f_1} = \frac{d_1}{a}. \quad (3)$$

Kahest esimesest võrrandist saame suuruse $\frac{1}{L-f_2}$ avaldamisel

$$\frac{1}{a} + \frac{d_0}{d_1 f_2} = \frac{1}{f_1} \implies \frac{d_0}{d_1 f_2} = \frac{a - f_1}{a f_1}. \quad (4)$$

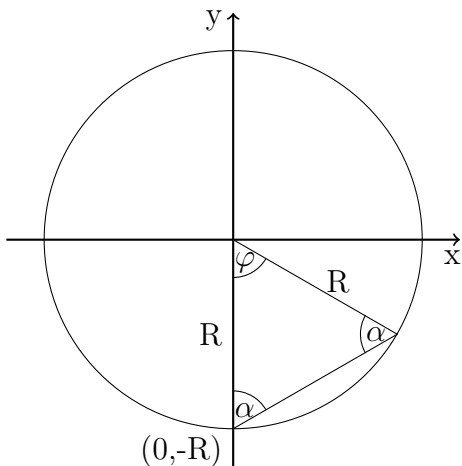
Võrranditest (3) ja (4) saame avaldada suuruse $d_1(a - f_1)/a$, mille põhjal saame $d = d_0 \frac{f_1}{f_2}$. Seega valguslaigu suurus ekraanil sõltub ainult lisatud läätse fookuskaugusest, aga mitte läätsevahelisest kaugusest L . Valguslaik diameetriga 2 cm tekib kui $f_2 = f_1 d_0/d = 2$ cm.

3. (UJUV KUUP) Vaatleme olukorda, kus kuup on sellesse sisenevad vee tõttu parajasti veepinna alla vajunud, sest siis hakkab kuubile mõjuma suurim üleslükkejõud. Piirjuhul on kuubile mõjuv üleslükkejõud ja raskusjõud tasakaalus ehk $F_r = F_y$. Olgu kuupi tunginud vee mass M , mis avaldub kuubis oleva vee kõrguse h kaudu kui $M = \rho a^2 h$. Jõudude tasakaalu põhjal $F_r = F_y \implies (m + \rho a^2 h)g = \rho g a^3$, seega $h = \frac{\rho a^3 - m}{\rho a^2} = a - \frac{m}{\rho a^2}$. Vesi ei tungi enam kuupi kui õhu rõhk kuubis tasakaalustab vee rõhu ehk $p_0 + \rho g(a - h) = p_2$, kus p_2 on õhu rõhk kuubis. Saame $p_2 = p_o + \rho g \left(a - a + \frac{m}{\rho a^2} \right) = p_o + \frac{gm}{a^2}$. Õhu ruumala kuubis on $V_2 = a^3 - a^2 h = a^3 - a^2 \left(a - \frac{m}{\rho a^2} \right) = \frac{m}{\rho}$. Enne augu tekkimist oli rõhu ruumala $V = a^3$. Kuna õhu temperatuur ei muutu, siis $pV = p_2 V_2$ ning algne rõhk p kuubis oli $p = \frac{p_2 V_2}{V} = \frac{(p_o + \frac{gm}{a^2}) \cdot \frac{m}{\rho}}{a^3} = \frac{m(p_o a^2 + gm)}{a^5 \rho}$.

4. (MUST KAST) Takistid saavad omavahel olla kas kolmnurk- või tähtühenduses. Ampermeeter ei saa olla otse väljundklemmide vahele lülitatud, sest siis põleks see vastavale klemmpaarile pinge rakendamisel läbi. Samuti ei saa see olla ühegi takistiga rööbiti lülitatud, sest siis ei läbiks vastavat takistit kunagi vool ning sisuliselt tähendaks see takisti asendamist null-takistusega. Sildühendus vajaks viite elementi, meil on aga vaid neli. Niisiis peab ampermeeter olema ühendatud järjestikku ühe takistusega. Tähtühenduse korral ei näitaks ampermeeter voolu, kui pinge on rakendatud vastasklemmidele. Seega saab mustas kastis olla vaid kolmnurkühendus. Kui pinge rakendada nende klemmide vahele, mille vaheline kolmnurga külg ei sisalda ampermeetrit, siis on ampermeetri ahelas kaks järjestikust takistit, järelikult on takistus suurem ja vool väiksem. Ampermeeter peab seega olema sellel kolmnurga küljel, mis ühendab klemme B ja C , sest siis on volutugevus

suurim. Nüüd on lihtne leida kolmnurkühenduse küljel BC oleva takistuse väärtus: $R_{BC} = U/I_{BC} = 2\Omega$. Kui pinge rakendada klemmidele A ja B , siis moodustavad kolmnurga küljed AC ja CB ampermeetrit sisaldava järjestikühenduse, $R_{AC} + R_{BC} = U/I_{AB} = 6\Omega$ ning $R_{AC} = 6\Omega - 2\Omega = 4\Omega$. Analoogselt leiame, et $R_{AB} + R_{BC} = U/I_{AC} = 3\Omega$ ning $R_{AB} = 3\Omega - 2\Omega = 1\Omega$.

5. (PALLIVISE) Vaatleme palli lendu jaama teljega seotud inertsiaalses taustsüsteemis. Olgu Juku koordinaadid palli viskamise hetkel $(0, -R)$. Sellisel juhul liigub pall pärast viset ühtlaselt ning sirgjooneliselt, kusjuures selle kiiruse vertikaalsihiline komponent on v ning horisontaalsihiline komponent ωR . Järelikult $\tan \alpha = \frac{\omega R}{v}$, millest saame $\alpha = \frac{\pi}{3}$. Kuna kehtib $\varphi = \pi - 2\alpha$, siis saame järeldada, et ka $\varphi = \frac{\pi}{3}$ ning pall läbib enne jaama pinnani jõudmist teepikkuse R . Palli kiirus on $\sqrt{v^2 + \omega^2 R^2} = \frac{2\sqrt{3}}{3}\omega R$, seega on pall õhus aja $t = \frac{\sqrt{3}}{2\omega}$, mille jooksul jõuab jaam pöörduda nurga $\theta = \omega t = \frac{\sqrt{3}}{2}$ võrra. Järelikult näeb Juku otse üles visatud palli maanduvat enda ees kaugusel $(\varphi - \theta)R = \left(\frac{\pi}{3} - \frac{\sqrt{3}}{2}\right)R$.



6. (LÖÖKLAINE) Läheme üle lööklainega seotud taustsüsteemi, milles osake läheneb lööklainele kiirusega w . Energia jäävusest saame, et juhul kui osake läbib lööklainet, siis $mw^2/2 = qU_0 + mu^2/2$, kus u on osakese kiirus pärast lööklainega kohtumist. Sellest saame $u = \sqrt{w^2 - 2qU_0/m}$. Tagasi laboratoorsesse süsteemi minnes saame kiiruseks $v = u - w = \sqrt{w^2 - 2qU_0/m} - w$, mis kehtib, kui $mw^2 > 2qU_0$. Vastasel juhul peegeldub osake lööklainelt ning $u = -w$ ja $v = -2w$.

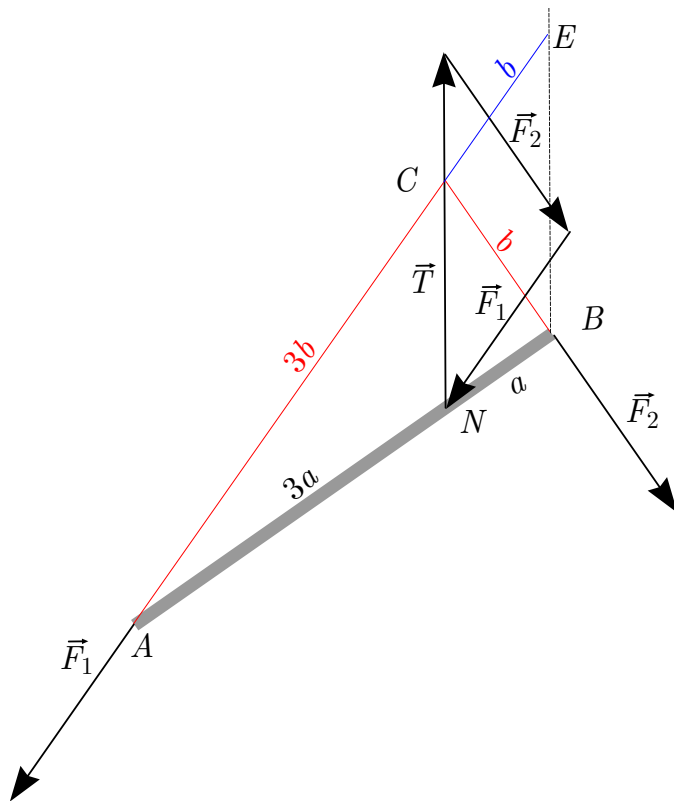
7. (RING JA ELLIPS) Lätse keskpunkt O on ringile ja ellipsile tõmmatud puutujate lõikepunkt, kuna puutepunktid peavad olema originaalkujutise paarid ning neid ühendavad sirged peavad läbima lätse keskpunkti. Lätse tasandi leidmiseks valime ringil kaks punkti A ja B ning

gimusel $mg = k(A - y_0)$, millest $A = \frac{mg}{k} + y_0 = 2y_0$. Rakenda-
me nüüd energia jäävust. Võnkumise ülemises punktis on kineetiline
energia muutunud gravitatsiooni ja vedru potentsiaalseks energiaks.
 $mgh = \frac{mv_i^2}{2} = mg(A - y_0) + \frac{1}{2}k(A - y_0)^2 = \left(1 + \frac{1}{2}\right)mgy_0 = \frac{3}{2}mgy_0$,
millest saame otsitavaks kõrguseks $h_{\min} = \frac{3}{2}y_0 = \frac{3mg}{2k} = \frac{3g}{2\omega^2}$.

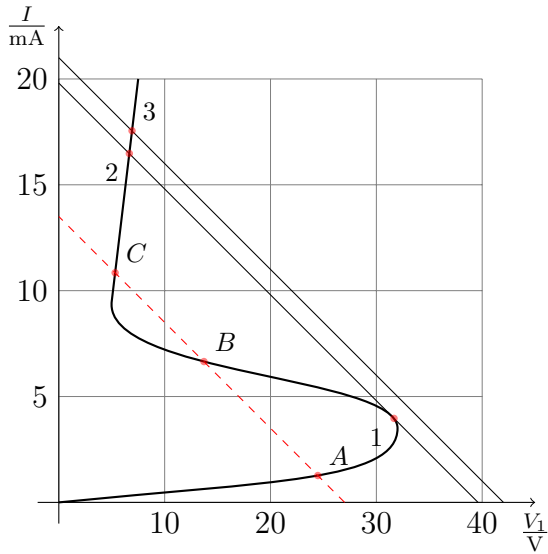
b) Teisele küsimusele vastates lähtume harmoonilise võnkumise omadus-
test. Veendume esmalt, et konstantse jõu mg lisamine nihutab tasakaalu-
asendit, kuid jätab võnkumist kirjeldava võrrandi samaks. Tõepoolest,
lugedes koordinaadi y alguspunktiks uue tasakaaluasendi, on meie vedru
võnkumine kirjeldatav võrrandiga $ma = m\ddot{y} = -k(y - y_0) - mg = -ky$.
Sellise võnkumise nurksagedus on muidugi $\omega = \sqrt{k/m}$ ning periood
 $T = \frac{2\pi}{\omega}$. Kui hakkaksime aega lugema hetkest, mil koormis läbib tasa-
kaaluasendit, siis kuluks vedru maksimaalselt kokku surumiseks kolm
veerandperioodi ($\frac{3}{4}T$: kast liigub alla, tagasi tasakaaluasendisse ja üles),
sest langemiskõrguse $h = h_{\min}$ korral saab kast hüpata vaid koormise
kõige ülemises asendis. Paraku ei alusta me aja arvestamist mitte tasa-
kaaluasendist, vaid hetkest, mil vedru on välja venitamata. Peame seega
arvesse võtma lisaaega Δt , mis kulub koormisel vahemaa y_0 läbimiseks.
Kuna koormis ei liigu konstantse kiirusega, siis seos $s = at^2/2$ siin ei
kehti. Δt leidmiseks lähtume harmoonilise võnkumise faasist φ , mis kulub
algasendist tasakaaluasendisse jõudmiseks. Seda faasi on lihtne avaldada
koordinaatide abil, pidades silmas, et amplituud A vastab koordinaadi
faasinihkele $\pi/2$ tasakaaluasendi suhtes. Nimelt $y_0 = A \sin \varphi$, millest
 $\varphi = \arcsin(y_0/A) = \arcsin(1/2) = \frac{\pi}{6}$. Faasi φ läbimiseks kuluv aeg on
 $\Delta t = \frac{\varphi}{\omega} = \frac{1}{12}T$. Järelikult veedab kast maapinnal kuni üles kerkimiseni
aja $t = \frac{3}{4}T + \Delta t = \frac{5}{6}T = \frac{5\pi}{3\omega}$.

9. (NIIDIGA HANTEL) Pulgale mõjuvad kolm jõudu. Jõumomentide ta-
sakaalu tõttu peavad nende jõudude rakendussirged lõikuma ühes punktis,
olgu see punkt C . Olgu niidi rakenduspunkt N ja pulga otspunktid A ning
 B , vt joonis. Kuna enne klotsi A paigalt nihkumist pöörleb pulk ümber
selle, siis punkti B kiirusvektor on risti AB -ga ning samuti on seda punkti
 B rakendatud hõõrdejõu vektor; sestap $\angle ABC = \frac{\pi}{2}$. Et nihkuma hakka-
mise hetkel on hõõrdejõud võrdsed, siis jõudude kolmnurk $\vec{F}_1 + \vec{F}_2 = \vec{T}$
on võrdhaarne, järelikult on võrdhaarne ka jõudude kolmnurgaga sarnane
kolmnurk CBE (sirge BE on tõmmatud paralleelsena \vec{T} -ga ja E asub

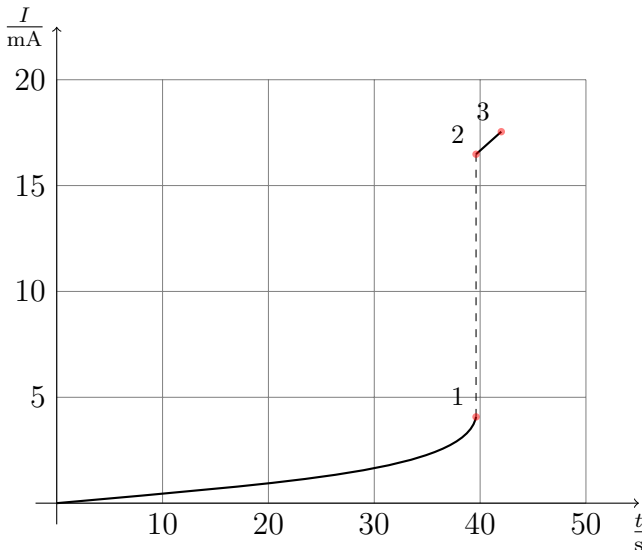
\vec{F}_1 rakendussirgel, vt joonis). Olgu $|CB| = b$; siis ka $|CE| = b$. Seetõttu kolmnurkade ANC ja ABE sarnasuse põhjal $|AC| = 3b$. Pythagorase teoreemist kolmnurga ABC jaoks $9b^2 = b^2 + 16a^2$, st $b = \sqrt{2}a$. Seetõttu otsitav nurk $\angle BNC = \arctan \frac{b}{a} = \arctan \sqrt{2} \approx 0,96 \text{ rad} \approx 55^\circ$.



10. (TÜRISTOR) Kirchhoffi esimese seaduse põhjal peab suvalise pinge ja voolutugevuse korral kehtima $V_1 = U - IR$, kus V_1 on pinget türistoril T_1 . Füüsikaliselt reaalsed on sellised olukorrad, kus V_1 ja I on türistori volt-amperkarakteristiku poolt lubatud. Üldjuhul on mingi pinget U korral kuni kolm lahendit (punane sirge graafikul); punkt B ei ole stabiilne, kuna vastaks negatiivsele takistusele, ning punktid A ja C on lubatud, kuid vastavad erinevatele režiimidele, mis sõltuvad sellest, kuidas punkti jõutud on. Ülaltoodu põhjal on võimalik skitseerida voolutugevuse graafik. Alguses suureneb voolutugevus ligikaudu lineaarselt, sest türistor käitub sarnaselt lineaarsele takistile takistusega $r_1 = 20 \text{ k}\Omega$, mistõttu on



voolutugevuse graafiku algne tõus $\frac{1}{R+r_1} = \frac{1}{22\text{k}\Omega}$. Punkti 1 (pinge 39,6 V, voolutugevus 4,1 mA) läheduses hakkab voolutugevus kiiresti kasvama ning hüppab punkti 2 (pinge 39,6 V, voolutugevus 16,5 mA). Edasi käitub türistor taas lineaarselt takistusega $r_2 = 0,24\text{k}\Omega$ kuni lõpp-punktini 3 (pinge 42 V, voolutugevus 17,5 mA). Voolutugevuse I_a saab täpsemalt leida kasutades Kirchhoffi seaduseid ja türistori takistust lineaarselt lähendades. Siis saame $I_a = 17,54\text{ mA}$.



Pärast lüliti sulgemist lahendame vooluringi lähtuvalt Kirchhoffi seadustest. $U = IR + V_1 = IR + V_2$, $I = I_1 + I_2$, kus $I_1^0 = -11,5$ mA on türistori volt-amper karakteristiku teise lineaarse osa algordinaat. Lahendamiseks eeldame, et T_2 on lineaarses režiimis enne hüpet (sarnaselt punktile A) ning T_1 pärast hüpet (sarnaselt punktile C). Saame $I_1 = I_1^0 + \frac{V_1}{r_2}$ ja $I_2 = V_2/r_1$. Lahendades saame türistoride pingeteks $V_1 = V_2$, voolutugevuseks läbi takisti $I = I_1^0 + V_1/r_1 + V_1/r_2$, pingeks vooluallikal $U = I_1^0 R + V_1 R/r_2 + V_1 R/r_1 + V_1$ ning pingeteks türistoridel $V_1 = V_2 = \frac{U - I_1^0 R}{R/r_1 + R/r_2 + 1} = 6,84$ V. Seega $I_1 = 17,2$ mA ja $I_2 = 0,34$ mA, mis õigustab tehtud eelduseid.

E1. (KAKS PALLI) Riputame pallid paralleelsete pendlitena statiivi külge sarnaselt Newtoni hällile. Mõõdame pendlite pikkused, olgu need $L = 60$ cm. Kergitame esimese kuuli üles teatud kõrgusele, kusjuures külgsuunaline nihe olgu $x_0 = 30$ cm. Laseme selle liikuma nii, et kuul lendab vastu teist (algselt paigalseisvat) kuuli. Kui pörge oleks absoluutselt elastne, siis vahetaksid kuulid kiiruseid ehk esimene kuul jääks seisma. Kuna pörkel läheb osa energiast kaduma, siis omandab see siiski teatud kiiruse, mille põhjal teemegi kindlaks pörkel kaotatud energia. Püüame teise (algselt paigal olnud) kuuli, mis nüüd märkimisväärse kiiruse omandas, käega kinni ning teeme kindlaks, millise amplituudiga jääb võnkuma esimene kuul. Olgu amplituud $x_1 = 1,5$ cm. Paneme tähele, et meetod eeldab täpselt tsentraalset pörget. Kui pörge ei ole tsentraalne, omandab kuul külgsuunalise kiiruse, mille väärtus sõltub esmajoones pörke mitte-tsentraalsusest (ja vähem mitte-elastsusest). Sestap tuleb veenduda, et esimene kuul hakkaks võnkuma enam-vähem enda esialgse liikumise suunas. Kui võnkumissuund on oluliselt pöördunud, tuleb katset korrata seni, kuni õnnestub enam-vähem tsentraalne pörge. Olgu esimese kuuli kiirus enne pörget v_0 . Massikeskme süsteemis lähenevad mõlemad kuulid teineteisele kiirusega $\frac{v_0}{2}$. Kui pörkel kaduma läinud energia suhe algsesse kineetilisse energiasse on k , siis pärast pörget on massikeskme süsteemis kuulide kiirused $v_1 = \frac{v_0}{2} \sqrt{1 - k}$. Laboratoorses süsteemis on kiirus $v = \frac{v_0}{2} - v_1 = \frac{v_0}{2} (1 - \sqrt{1 - k})$. Kiiruste suhte $\frac{v}{v_0}$ saame potentsiaalsete energiatega abil: $\frac{v}{v_0} = \sqrt{h_1/h_0}$, kus $h_0 = L - \sqrt{L^2 - x_0^2} \approx 80$ mm ja analoogiliselt $h_1 \approx 0,19$ mm. Seega $\sqrt{1 - k} = 1 - 2\frac{v}{v_0} \approx 0,903$, millest $k \approx 0,19$ ehk pörkel läheb kaduma umbes 19% kineetilisest energiast.

E2. (*VALGUSDIOOD*) Ühendame patarei järjestikku takistiga takistusega R ja diodiga ning mõõdame pinget takistil U_T ja pinget diodil U_D . Voolutugevus läbi diodi on $I = U_T/R$. Näeme, et patarei pingest ei piisa selleks, et saada läbi diodi nõutavat voolutugevust. Seepärast laeme kondensaatori ja ühendame selle järjestikku patareiga, nii et pinge kahekordistub. Alustame takistiga takistusega $R = 1\text{ k}\Omega$, sest $R = 10\text{ k}\Omega$ puhul ei saavutaks me soovitud suurimat voolutugevust ($100\ \mu\text{A}$). Vajalikud andmed saame tühjenemise käigus pingeid samaaegselt registreerides. Umbes $I = 10\ \mu\text{A}$ juures (täpne hetk pole tähtis) vahetame vooluringis takistit, sest muidu lähevad takistil mõõdetavad pinged nii väikeseks, et voolu mõõtmiseks kasutatava voltmeetri näidatavate tüvenumbrite arv jääb liiga napiks. Väga väikeste voolude juures (alla $I = 5\ \mu\text{A}$) tühjeneb kondensaator nii aeglaselt, et voolu vähenemist ei jõua ära oodata. Siis tuleb teise takisti abil kondensaatorit järg-järgult tühjendada (st ühendada see mahtuvusega rööbiti). Sobilikku tühjenemisastet saab samal ajal jälgida diodivoolu abil (st vaadata pinget diodiga jadamisi oleval takistil).